高エネルギー宇宙物理学 のための ROOT 入門 - 第3回-

奥村 曉 名古屋大学 宇宙地球環境研究所

2018年5月24日





oxon@mac.com

前回のおさらい

- 各ビンには統計誤差が存在
 - そのビンに入る標本の大きさ はポアソン分布に従う
 - N > 20 で正規分布と見なせる



最小二乗法を用いて、カイ二乗(χ2)を最小にするように、モデル関数の変数空間を探索する

$$\chi^{2} = \sum_{i=1}^{N} \frac{(y_{i} - f(x_{i}))^{2}}{\delta y_{i}^{2}}$$

xi:ビンの中心値 yi:各ビンの計数 f(xi):xiにおけるモデル関数の値 δyi:yiの誤差 N-変数の数:自由度 ν

- この値はカイニ乗分布と呼ばれる確率密度関数に従う

ポアソン分布 (Poisson Distribution) とは

- ある平均値 λ に対して、発生する自然数がどのように
 分布するか
 - 10 Bq の放射性物質が1秒間に何回崩壊するか
 - ・微弱光を光検出器に当てた場合、何光電子発生するか
 - ある観測期間中に陽子が n 回崩壊するとして、ゼロ回しか観 測されなかった場合に崩壊事象の上限値をどう計算するか

$$P(k,\lambda) = \frac{\lambda^k \mathrm{e}^{-\lambda}}{k!}$$

- 現れる値は自然数(0,1,2…)のみなので、積分できる
 関数分布を描くと、多数の高さの異なるδ関数になる
- λ が大きいと、正規分布と見なせる

ポアソン分布と正規分布の比較



- 期待値 λ が大きくなると、段々と平均値 λ、標準偏差√ λ の正規分布に近づく
- ROOT はヒストグラムのビンの誤差を全て正規分布と仮定する

$\bigcirc \bigcirc \bigcirc$

\$ root
root [0] .x Poisson.C

root [1] TMath::PoissonI(0, 3) ① 平均3のポアソン分布で0が出る確率は4.9% (Double_t) 0.0497871 root [2] TMath::PoissonI(0, 2.995733) ② 平均2.99…の場合は5.0…% (Double_t) 0.0500000 ③ 発生回数ゼロのとき 95% の信頼度で上限は 2.99… root [82] TMath::PoissonI(0, 4.60517) (Double_t) 0.0100000 ④ 99% の信頼度で上限は 4.60…



グラフ (graph) とは何か?



Ackermann et al. (2012)

- 得られたデータの変数を図表化したもの
- 狭義には2つ以上の 変数の関係を示すた めに軸とともにデー 夕点を表示したもの
- 実験での使用例
 - 光検出器の印加電圧と
 利得の関係
 - エネルギースペクトル (energy spectrum)

大事なこと

- (2 次元の場合) 独立変数 x と従属変数 y の違いを意識 する
 - 例えば光検出器の利得(従属変数)は、印加電圧(独立変数)
 を変化させることで変化する
 - 滅多に見かけないが、これらを入れ替えて作図しない
 - 散布図の場合、どちらの変数が従属かは分からないので注意
- 無闇にデータ点を線で結ばない
 - 測定値には誤差がつきものなので、折れ線グラフはデータ解 釈に先入観を持たせる
- 誤差棒の付け方(第2回資料参照)
- エネルギースペクトルの横軸誤差棒はビン幅の場合あり

TGraph

- 2次元のグラフ(独立変数1つと従属変数1つ)
- ・誤差棒無し
- TGraphErrors
 - ・誤差棒あり
- TGraph2D と TGaph2DErrors
 - ・ それぞれ3次元版(独立変数2つと従属変数1つ)
 - 名前が紛らわしいが、x/y/zの3つの値を持つ

2次元グラフ

単純な例



```
$ root
root [0] TGraph* graph = new TGraph;
root [1] for (int i = 0; i < 10; ++i) {
root (cont'ed, cancel with .@) [2] double x = i;
root (cont'ed, cancel with .@) [3] double y = i + gRandom->Gaus();
root (cont'ed, cancel with .@) [4] graph->SetPoint(i, x, y);
root (cont'ed, cancel with .@) [5]}
root [6] graph->SetTitle(";x;y;")
root [7] graph->SetMarkerStyle(20)
root [8] graph->Draw("ap")
```

マーカーの変更をする



- データ点を右クリック(Mac は 2 本指クリック)
- SetMarkerAttributes を選択
- 色やマーカーの形状を変更可能

٣

•

1

1

-

1

♣ ☆





$\bigcirc \bigcirc \bigcirc \bigcirc$

root [0] TGraphErrors* graph = new TGraphErrors root [1] for (int i = 0; i < 10; ++i) { root (cont'ed, cancel with .@) [2] double x = i; root (cont'ed, cancel with .@) [3] double y = i + gRandom->Gaus(); root (cont'ed, cancel with .@) [4] double ex = 0; root (cont'ed, cancel with .@) [5] double ey = 1.; root (cont'ed, cancel with .@) [6] graph->SetPoint(i, x, y); root (cont'ed, cancel with .@) [7] graph->SetPointError(i, ex, ey); root (cont'ed, cancel with .@) [8]} root [9] graph->SetTitle(";x;y;") root [10] graph->SetMarkerStyle(20) root [11] graph->Draw("ap")

1 TGraphErrors にする

2 y のばらつきと同じ量
3 誤差を追加

既存の関数でのフィット



$\bigcirc \bigcirc \bigcirc$

<pre>root [13] gStyle->SetOptF root [14] graph->Fit("pol ************************************</pre>	it() 1") ******	****				
Chi2	=	2.50415				
NDf	=	8				
p0	=	0.544079	+/-	0.587754		
p1	=	0.894761	+/-	0.110096		
(TFitResultPtr) @0x7fb24d517d50						
root [15] TMath::Prob(2.504, 8)						
(Double_t) 0.961544						
root [22] graph->GetFunction("pol1")->GetProb()						
(Double_t) 0.961537						

1 次関数 (pol1) でフィット f(x) = p1 x + p0

2 χ²フィットの確率を確認

ファイルの読み込み



$\bigcirc \bigcirc \bigcirc$

\$ head -n 2 src/UVC-200B.csv 299.78,1.65449,.0363084 300.99,1.64681,.1093 \$ root root [0] TGraph* graph = new TGraph("src/UVC-200B.csv", "%lg,%lg,%*lg") ① ファイル名 ② フォーマット指定 root [1] graph->SetTitle(";Wavelength (nm);Refractive Index;") root [2] graph->Draw("ap")

ついでに好きな関数形でフィットしてみる

```
000
$ cat Sellmeier.C
(略)
Double_t SellmeierFormula(Double_t* x, Double_t* par) { 1フィット用関数の定義
(略)
 Double_t lambda2 = TMath::Power(x[0] / 1000., 2.); 2 変数 x[] とパラメータ par[] から計算
 return TMath::Sqrt(1 + par[0] * lambda2 / (lambda2 - par[3]) +
                   par[1] * lambda2 / (lambda2 - par[4]) +
                   par[2] * lambda2 / (lambda2 - par[5]));
void Sellmeier() {
(略)
 TF1* sellmeier = new TF1("sellmeier", SellmeierFormula, 300, 800, 6);
 sellmeier->SetParameter(0, 1.12);
                                                     3 関数の初期値を与える
 sellmeier->SetParLimits(0, 0.8, 1.2);
 sellmeier->SetParName(0, "B1");
(略)
 TGraph* graph = new TGraph("UVC-200B.csv", "%lg,%lg,%*lg"); 4 ファイルの読み込み
 graph->SetTitle(";Wavelength (nm);Refractive Index;");
 graph->Draw("ap");
 graph->Fit("sellmeier", "w m e 0", "", 300, 700);
                                                     5フィット
(略)
 TF1* sellmeier2 = new TF1("sellmeier2", SellmeierFormula, 300, 700, 6);
 sellmeier2->SetParameters(sellmeier->GetParameters());
 sellmeier2->SetLineWidth(1);
 sellmeier2->SetLineColor(2);
 sellmeier2->Draw("l same");
```

ついでに好きな関数形でフィットしてみる



- 測定値に誤差がついていない場合、ROOT は全てのデータ点に誤差1をつける
- ・ したがって、 χ^2/ndf の値は統計学的にあまり意味がない
- 得られたパラメータの誤差もあまり意味がない
- 大雑把なパラメータを知るには良いが「精度良くパラメータが求まった」とか言わない

誤差の過小評価、過大評価が与える影響



$\bigcirc \bigcirc \bigcirc$

\$ root root [0] .x WrongErrorEstimate.C(0.1) Probability = 1.40682e-49 root [2] .x WrongErrorEstimate.C(10) Probability = 1

ありえないほど小さい確率 ありえないほど大きい確率

$\bigcirc \bigcirc \bigcirc$

```
$ cat WrongErrorEstimate.C
void WrongErrorEstimate(Double_t error = 1.0) {
  TGraphErrors* graph = new TGraphErrors;
  for (int i = 0; i < 10; ++i) {
    double x = i;
    double y = i + gRandom->Gaus(); // Add fluctuation with a sigma of 1
    double ex = 0;
    double ey = error;
    graph->SetPoint(i, x, y);
    graph->SetPointError(i, ex, ey);
 }
  graph->SetTitle(";x;y;");
  graph->SetMarkerStyle(20);
 graph->Draw("ap");
 gStyle->SetOptFit();
 graph->Fit("pol1");
  std::cout << "Probability = " << graph->GetFunction("pol1")->GetProb() <<</pre>
std::endl;
```

3次元グラフ

単純な例



$\bigcirc \bigcirc \bigcirc \bigcirc$

\$ root root [0] TGraph2D* graph = new TGraph2D root [1] for (int i = 0; i < 100; ++i) { root (cont'ed, cancel with .@) [2] double x = gRandom->Uniform(-3, 3); root (cont'ed, cancel with .@) [3] double y = gRandom->Uniform(-3, 3); root (cont'ed, cancel with .@) [4] double z = TMath::Exp(-(x*x + y*y)/2.); root (cont'ed, cancel with .@) [5] graph->SetPoint(i, x, y, z); 2 x/y/z を与える root (cont'ed, cancel with .@) [6]} root [7] graph->SetTitle(";x;y;z;") root [8] graph->Draw("p0 tri2")

実際の使用例



経験的には、あまり
 使用機会は多くない

- 2 次元ヒストグラム
 のほうが登場頻度は
 高い
- XY ステージを使った 測定など、離散的な 測定で使用
- 限られたデータ点数 から数値を補間する ときにも便利
 - ドロネー図

 (Delaunay diagram)
 を使って分割される

ROOT オブジェクトの名前

ROOT オブジェクトの名前

	M.
<pre>\$ root 1 hist:C++ 上の変数名 root [0] TH1D* hist = new TH1D (TH1D *) 0x7fdc3c64c040 3</pre>	2 "h": ROOT の管理する名前)("h", ";#it{x};Entries", 5, -5, 5)] オブジェクトの実体はメモリ上にある
root [1] TH1D* hist2 = hist 4 (TH1D *) 0x7fdc3c64c040	C++ 上で新たに hist2 という変数名を使って 同じものを指すことができる
root [2] h (TH1D *) 0x7fdc3c64c040	ROOT のインタプリタ上では特別に ROOT の管理する名前でもオブジェクトに触れる
root [3] hist->Draw() root [4] hist2->Draw() root [5] h->Draw()	実体はどれも同じなので、結果は同じ
root [6] gDirectory->ls() 7 OBJ: TH1D h : 0 at: 0) "h" というオブジェクトは、gDirectory に登録されている 0x7fdc3c64c040
root [7] TGraph* graph = new T root [8] graph->SetName("g")	Graph <mark>8 TGraph はコンストラクタで命名の必要がない</mark> 9 後から名前を付けられる
<pre>root [9] gDirectory->GetList() root [10] gDirectory->ls() OBJ: TH1D h : 0 at: 0 OBJ: TGraph g : 0 at: 0</pre>	->Add(graph) ① gDirectory に追加すると"g"でもアクセス可 0x7fdc3c64c040 0x7fdc3c0be610

なぜ名前が必要?

- C++ や Python 内での変数名はいつでも変更できてし
 まう
- 「どのオブジェクトがどれ」と区別をつけるには、
 ROOT 側で名前をつけておくと便利なことがある
- ROOT オブジェクトを ROOT ファイルに保存するとき、
 名前がついていないとオブジェクト同士の区別がつかない
- ROOT はヒストグラムと TTree のみに、名前の付与と gDirectory への登録を自動で行う(理由は知らない)

ROOTファイル

- ROOTのクラスから作られたオブジェクトは、ほとんど全てが ROOT ファイルに保存できる
- 拡張子 .root
- データ収集の際に直接 ROOT ファイルとして保存して しまえば、解析時にいちいち ROOT オブジェクトとし て作成し直さなくて良い
 - ▶ 例:オシロの波形を TGraph や TH1 として保存する
- 解析結果も ROOT ファイルにしてしまえば、可搬性が 高くなる
- 描画した図も TCanvas のまま保存可能

ROOT ファイルに保存する例

\$ root root [0] TH1D* hist = new TH1D("h", ";#it{x};Entries", 5, -5, 5) root [1] hist->Draw() Info in <TCanvas::MakeDefCanvas>: created default TCanvas with name c1 root [2] TGraph* graph = new TGraph root [3] graph->SetName("g") root [4] gDirectory->GetList()->Add(graph) root [5] TFile f("mydata.root", "recreate") ① ROOT ファイルを新規もしくは作成する root [6] c1->Write() ② ROOT ファイルにオブジェクトを書き込む root [7] graph->Write() root [8] f.Close()

ROOT ファイルを開く例

$\bigcirc \bigcirc \bigcirc$

```
$ root
root [0] TFile f("mydata.root")
                                     ● ROOT ファイルを開く
root [1] f.ls()

2 中身を確認すると、"c1"という TCanvas と

TFile** mydata.root
                                       "g"という TGraph が保存されている
TFile* mydata.root
 KEY: TCanvas c1;1c1
 KEY: TGraph g;1
root [2] TGraph* graph = (TGraph*)f.Get("g")
                                       3 オブジェクトを取得し、キャストする
root [3] TCanvas* can = (TCanvas*)f.Get("c1")
                                          Python の場合はキャスト不要
                                         名前がないと、取り出すのが面倒
root [4] can->Draw()
                                        ④ TCanvas は保存時の状態で再度開ける
```

root [5] TH1* h = (TH1*)can->GetPrimitive("h") **5 TCanvas 内に描画されたオブジェクトも** 取り出すことができる C++ と ROOT と Python

C++

- コンパイルという作業が必要→コンパイラ型言語
- Python に比べると色々と面倒くさい
 - 使う側も面倒くさい(機能が少ない、書く量が多いなど)
 - 教える側も面倒くさい(メモリの処理、ポインタなど)
- 「簡単なデータ解析しかしません」「修士で就職します」の場合、C++を学ぶ必要性は近年は低い
- C/C++ を学んだほうがよい学生
 - ハードウェア制御を実行速度重視で行う
 - ROOT や Geant4 をガリガリ使う
 - ソフトウェアの開発側に回る(ユーザに終わらない)

Python

- スクリプト型言語、コンパイルの必要がない
- テキスト処理などを初め、C++より豊富な機能を標準で備える
 - 自分で色々と機能を実装する必要がない
 - 間違いが混入しにくく、ソフト開発も素早くできる
- C/C++ より実行速度が遅い場合が多い
 - ボトルネックの箇所だけ C/C++ で書いたりすることもある
 - Python の標準ライブラリなどに含まれる機能のほうが自作 C/C++ プログラムより最適化されており早い場合もある
- 理解が簡単、教えるのも簡単
- 修士で卒業する、データ解析しかしないなら Python だけでも 生きていける

基本的な流れ

$\bigcirc \bigcirc \bigcirc$

\$ cd RHEA/src
\$ g++ hello_world.cxx
\$./a.out
Hello World!

\$ g++ hello_world.cxx -02
\$./a.out
Hello World!

コンパイラでコンパイルし、実行ファイルを生成する
 実行ファイルを実行する

● 最適化オプションをつける
 ※単純なプログラムだと変化ないが、一般的には速度が向上

\$ g++ hello_world.cxx -O2 -o hello_world ④ a.out はダサいので、実行ファイル名を変更 \$./hello_world Hello World!

\$ clang++ hello_world.cxx -O2 -o hello_world **⑤ OS X だと Clang を使用する** \$./hello_world ※g++ と打っても同じコンパイラが走る Hello World!

コンパイラとは

- 人間の読めるコードを計算機の読める形式(機械語)に 変換する
- コンパイルしないと動かない
 - ただし ROOT は特殊で、コンパイルしていない C++ を実行 することができる(後述)
- Linux では GNU Compiler Collection (GCC)、OS X では Clang を使用するのが一般的
- 実際の大規模なソフトウェアでは多数のオプション指定が必要
- CMake や autotools で自動化が可能

C/C++の基本

000

\$ cat hello_world.cxx
#include <cstdio>

```
int main() {
    printf("Hello World!\n");
```

return 0;

 ● 非常に初歩的なことをする場合以外は、高度な機能を使う ためにヘッダーファイルを #include する
 ② 必ず main 関数が実行される。他の関数は全て main 関数 から呼び出される。

❸ main 関数は int の返り値が必要。ここでエラーコードを 返して main を抜ける。0 は正常終了の意味。

ROOT の場合は特殊で、main 関数は ROOT 自体が既に実行している

- ROOT5 の場合は CINT が、ROOT6 は Cling がスクリプト内の関数を呼び出すため、スクリプト内に main 関数は不要
- ROOT を使わない純粋な C++ の場合、コンパイルしないと実行できない

ROOT スクリプトの場合

$\bigcirc \bigcirc \bigcirc$

}

\$ cat hello_world.C
void hello_world() {
 printf("Hello World!\n");

- main 関数は定義する必要なし
- 多くの標準的なヘッダーファイルも #include する必要なし

Python の場合

000

\$ cat hello_world.py
#!/usr/bin/env python

def hello_world():
 print("Hello World!")

if __name__ == "__main__":
 hello_world()

\$ python hello_world.py
Hello World!
\$./hello_world.py
Hello World!
\$ python
>>> import hello_world
>>> hello_world.hello_world()
Hello World!

1 スクリプト内部で Python を呼び出すときに必要

❷ 関数の定義の仕方、def を使う

31つ目、2つ目のやり方で必要

④ python コマンドにスクリプトを食わせる

5 実行ファイルとして使う

6 module として使う

- 書き方と実行方法は何通りかある
 - スクリプトを python コマンドに実行させる
 - スクリプト自体を実行し内部で python コマンドを走らせる
 - module として使う方法(import する)

ROOT スクリプトで main を再定義すると

000

```
$ cat main.C
int main() {
  return 0;
$ root
root [0] .x main.C
Error in <TApplication::TApplication>: only one instance of TApplication allowed
   Welcome to ROOT 6.06/04
                                           http://root.cern.ch
                                  (c) 1995-2016, The ROOT Team
   Built for macosx64
  | From tag v6-06-04, 3 May 2016
  Try '.help', '.demo', '.license', '.credits', '.quit'/'.q'
/Users/oxon/.rootlogon.C:38:7: error: redefinition of 'fontid'
Int_t fontid=132;
/Users/oxon/.rootlogon.C:38:7: note: previous definition is here
Int_t fontid=132;
```

- 新しく作られた main ではなく、ROOT が新たに走り出す
- main は特殊な関数なので、ROOT スクリプト内では使わないこと
- ~/.rootlogon.Cが2回呼び出されてエラーを吐いている

もう少し ROOT っぽい例 (C++)

000

```
$ cat first_script2.C
void first_script2(int nbins, int nevents) {
 TH1D* hist =
                          ① 普通の C++ の教科書的には、TH1D hist("myhist"…)とする
     new TH1D("myhist", "Gaussian Histogram (#sigma = 1)", nbins, -5, 5);
 hist->FillRandom("gaus", nevents);
 hist->Draw();
$ root
root [0] .x first_script2.C(500, 100000)
root [1] myhist->GetName()
(const char *) "myhist"
root [2] gROOT->Get("myhist") 2 ROOT が名前でオブジェクトの管理をしている
(TObject *) 0x7fe79d0572d0

■ ROOT では名前を使ってオブジェクトのアドレスを取り出せる

root [3] myhist
(TH1D *) 0x7fe79d0572d0
root [4] delete gROOT->Get("myhist") 4 delete でオブジェクトをメモリ上から消すと、
root [5] gROOT->Get("myhist")
                                ROOT の管理からも外れる
(TObject *) nullptr
```

- C++ にはスコープ (scope) という概念が存在する
- {}や関数を抜けると、その変数は消えてしまう
- new してオブジェクトのアドレスをポインタ変数として扱うと、delete が呼ばれるまでオブジェクトがメモリ上から消えない(変数 TH1D* hist は消える)
- ROOT が "myhist" という名前のオブジェクトを記憶しているので、後から参照できる

new を使わないと

000

```
$ cat first_script2_wo_new.C
void first_script2_wo_new(int nbins, int nevents) { 1 ポインタでない変数にする
 TH1D hist("myhist", "Gaussian Histogram (#sigma = 1)", nbins, -5, 5);
 hist.FillRandom("gaus", nevents);
 hist.Draw(); 2 メンバ関数の呼び出しは -> ではなく.を使う
$ root
root [0] .x first_script2_wo_new.C(500, 100000) 3 TCanvas に何も表示されない
root [1] myhist->GetName()
input_line_79:2:3: error: use of undeclared identifier 'myhist'
 (myhist->GetName()) 4 オブジェクトが消えているので、ROOT も既に管理していない
root [2] gROOT->Get("myhist")
(TObject *) nullptr
root [3] gR00T->ls()
```

- この書きかたは教科書的な C++ では普通
- ROOTの場合、生成したオブジェクトをスクリプト終了後にも引き続き 描画させ解析したい
- ポインタを使わないとこれができない

Python の場合

```
000
                                                                                   $ cat first_script2.py
import ROOT
def first_script2(nbins, nevents):
   global hist
   hist = ROOT.TH1D('myhist', 'Gaussian Histogram (#sigma = 1)', nbins, -5, 5)
   hist.FillRandom('gaus', nevents)
   hist.Draw()
$ python
>>> import first_script2
>>> first_script2.first_script2(500, 100000)
>>> first_script2.hist.GetName()
'myhist'
>>> import ROOT
>>> ROOT.myhist.GetName()
'myhist'
```

- Python も同様に、関数を抜けるとその変数は消えてしまう
- C++の deleteの相当する機能も働くため、オブジェクト自体も消える
- これを防ぐには global 変数を使う

なぜ ROOT はスクリプト型言語のように動くのか

- ROOT 5 では CINT (シーイント) という C/C++ のイ ンタプリタ (コンパイルしないで機械語に逐次変換す る) が使われており、C/C++ を (ほぼ) 実行できる
- ROOT 6 では Clang を使用した Cling というインタプ リタが使われるようになった
 - ・より C/C++ の文法に則っている
 - ・ 実行速度の向上
 - エラーが分かりやすい、読みやすい



- C/C++ には型がある
 - ・符号あり整数型:char (8 bit)、short (16)、int (32 or 64)
 - 符号なし整数型: unsigned char など
 - > 浮動小数点型:float (32 bit)、double (64)
 - 32 bit OS か 64 bit かで int の大きさが違う
- ROOT では環境依存をなくすため、Short_t や Long_t などが定義されている (C の教科書で見たことのない型 が ROOT の例で出てくるのはこのため)
- C++11 (新しい規格の C++) では、このような混乱をなくすために int8_t (8 bit)などが追加された

- 色々な変数や機能をひとまとまりにした、型の「ような」
 もの
- 好きなものを自分で追加できる。型は追加できない。
- TGraph や TH1D は ROOT が持つクラス
 - 内部にデータ点やビン幅などの数値情報
 - 名前、タイトルなどの文字情報
 - Draw()や GetStdDev()などのメンバ関数

C++ のクラスの例

$\bigcirc \bigcirc \bigcirc$

double x1 = 1.5, y1 = 2.3, z1 = -0.4; double x2 = -3.1, y2 = 5.6, z2 = 1.9; double x3 = x1 + x2, y3 = y1 + y2, z3 = z1 + z2 ①型だけでやると見づらく煩雑 Vector3D v1(1.5, 2.3, -0.4); Vector3D v2(-3.1, 5.6, 1.9); Vector3D v3 = v1 + v2;
2 クラスにすることでより直感的に

- 情報をクラスにまとめることで扱いやすくなる
- 勤値データに限らず、なんでもクラスにできる

簡単なクラスの例 (Vector3D.h)

	M.
<pre>#ifndef VECTOR_3D #define VECTOR_3D</pre>	
class Vector3D {	
private:	
double fX;	
double fY;	
public:	
Vector3D();	
Vector3D(double x, double y, double z);	
Vector3D(const Vector3D& other);	
virtual ~Vector3D();	
virtual double $X()$ const f return $fX \cdot 3$	
virtual double X() const { return fY: }	
inline virtual double Z() const;	
virtual void Print() const;	

「宣言」はヘッダーファイルに、定義はソースファイルに書くのが一般的

・ 拡張子はそれぞれ.h/.hpp/.hxx/.hh などか、.cc/.cpp/.cxx など

使用例(Vector3D_main.cxx)

$\bigcirc \bigcirc \bigcirc$

```
#include <cstdio>
#include "Vector3D.h"
int main() {
 Vector3D v0;
                                       // default constructor
 Vector3D v1(1.5, 2.3, -0.4); // constructor with arguments
 Vector3D v2 = Vector3D(-3.1, 5.6, 1.9); // operator=, constructor
                                   // operator=, operator+
 Vector3D v3 = v1 + v2;
 Vector3D v4(v1 - v2);
                                      // copy constructor, operator-
 double product = v1 * v2;
                                       // operator*
 v0.Print();
 v1.Print();
 v2.Print();
 v3.Print();
 v4.Print();
 printf("v1*v2 = %f\n", product);
 return 0;
```

自分で作ったヘッダーファイルを #include することで、新たな機能として使えるようになる



$\bigcirc \bigcirc \bigcirc$

\$ g++ -c Vector3D.cxx \$ g++ -c Vector3D_main.cxx \$ g++ Vector3D.o Vector3D_main.o -o Vector3D \$./Vector3D (x, y, z) = (0.000000, 0.000000, 0.000000) (x, y, z) = (1.500000, 2.300000, -0.400000) (x, y, z) = (-3.100000, 5.600000, 1.900000) (x, y, z) = (-1.600000, 7.900000, 1.500000) (x, y, z) = (4.600000, -3.300000, -2.300000) v1*v2 = 7.470000

各ファイルを順次コンパイルし、オブジェクトファイル(.o)を生成する

- 最後にオブジェクトファイルを結合し、実行ファイルを作る

Python のクラスの例 (vector.py)

000

```
class Vector3D(object):
   def ___init___(self, x = 0., y = 0., z = 0.):
        self.x = x
       self.y = y
       self.z = z
   def __str__(self):
        return "(x, y, z) = (%f, %f, %f)" % (self.x, self.y, self.z)
   def __add__(self, other):
        return Vector3D(self.x + other.x, self.y + other.y, self.z + other.z)
   def __sub__(self, other):
       return Vector3D(self.x - other.x, self.y - other.y, self.z - other.z)
   def __mul__(self, other):
        return self.x*other.x + self.y*other.y + self.z*other.z
```

- C++ とは書き方がかなり違うので、よく見比べてください
- あくまで例なので、実際には既存のライブラリを使うことの方が多い
 - 開発速度が速い
 - 自作することによる間違いの混入を防ぐ



$\bigcirc \bigcirc \bigcirc$

\$ python vector.py (x, y, z) = (0.000000, 0.000000, 0.000000) (x, y, z) = (1.500000, 2.300000, -0.400000) (x, y, z) = (-3.100000, 5.600000, 1.900000) (x, y, z) = (-1.600000, 7.900000, 1.500000) (x, y, z) = (4.600000, -3.300000, -2.300000) v1*v2 = 7.470000

C++11 について

- C++の拡張として C++11 が策定された
 - スマートポインタ
 - ▶ 正規表現
 - マルチスレッド
 - ▶ 型の増加
 - ▶ 型推定と auto
 - 書ききれない、理解しきれていない
- ROOTを使うだけであれば初学者は気にしなくて良い
- C++ は勉強したことがあるのに理解できない構文で書かれた C++ (の ような) コードに遭遇したら C++11 かも
- C++0x は以前の名前、C++14 はさらに後継
- CTA のソフトウェア開発では C++11 と Python 3 が推奨されている

- ポアソン分布
- TGraph による簡単なグラフの作成とフィット例
- C++/Python の非常に簡単な説明

- 分からなかった箇所は、各自おさらいしてください